Prof. Dr. Alfred Toth

Topologie der Zeichenklassen

1. Man kann eine Zeichenklasse (Zkl) der allgemeinen Form

Zkl = (3,x, 2.y, 1.z)

in das Zentrum

ζ(Zkl) = (2.y)

und in die Peripherie

π(Zkl) = (3.x, 1.z)

unterteilen. Das Zentrum ist also symmetrisch gdw. y = 2. Falls z = 1, dann x = y = 1. Falls x = 3, dann y = z = 3.

Eine besondere Stellung im System der zehn Zkln nimmt bekanntlich die dualinvariante Zkl = (3.1, 2.2, 1.3) in, die Bense (1992) als Zkl der «Eigenrealität» bestimmt hatte. Für sie gilt x = 1, y = 2, z = 3. Sie enthält somit die Folge der Primzeichen (vgl. Bense 1980) einmal in aufsteigender und einmal in absteigender Ordnung (3. → 2. → 1., .1 → .2 → .3).

2. Bildet man nun die Primzeichen, d.h. Peircezahlen, auf Relationszahlen ab (vgl. Toth 2021), dann wird wegen Rechtsmehrdeutigkeit der Abbildung jedem Z ⊂ Zkl ein Feld F(Z) zugeordnet.

Peircezahl		Relationalzahl
(1.1)	→	$(1^0, 1^0), (1^0, 1^{-1}), (1^0, 1^{-3})$
		$(1^{-1}, 1^0), (1^{-1}, 1^{-1}), (1^{-1}, 1^{-3})$
		$(1^{-3}, 1^0), (1^{-3}, 1^{-1}), (1^{-3}, 1^{-3})$
(1.2)	→	$(1^0, 2^{-2}), (1^0, 2^{-4})$
		$(1^{-1}, 2^{-2}), (1^{-1}, 2^{-4})$
		$(1^{-3}, 2^{-2}), (1^{-3}, 2^{-4})$
(1.3)	→	$(1^0, 3^{-5})$
		$(1^{-1}, 3^{-5})$
		$(1^{-3}, 3^{-5})$
(2.1)	→	$(2^{-2}, 1^0), (2^{-2}, 1^{-1}), (2^{-2}, 1^{-3})$
		$(2^{-4}, 1^0), (2^{-4}, 1^{-1}), (2^{-4}, 1^{-3})$

(2.2) → $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(2^{-2}, 2^{-4})$

$(2^{-4}, 2^{-2})$, $(2^{-4}, 2^{-4})$

(2.3) → $(2^{-2}, 3^{-5})$

$(2^{-4}, 3^{-5})$

(3.1) → $(3^{-5}, 1^{0})$, $(3^{-5}, 1^{-1})$, $(3^{-5}, 1^{-3})$

(3.2) → $(3^{-5}, 2^{-2})$, $(3^{-5}, 2^{-4})$

(3.3) → $(3^{-5}, 3^{-5})$

Wir wollen nun die eigenreale Zkl auf ihre Zeichenfelder abbilden. Die Zkl

(3.1, 2.2, 1.3)

weist ein symmetrisches Zentrum

×(2.2) = (2.2)

und eine symmetrische Peripherie

×(1.3) = (3.1)

auf. Wie man anhand des Abbildungsschemas zeigen kann, enthält das eigenreale Zeichenfeld 4 Symmetriezentren mit jeweils identischer oder diverser Einbettungskonstanz.

2.1. Symmetriezentrum $(2^{-2}, 2^{-2})$

2.1.1. Zentrale einbettungskonstante Identität

Reflexionsschema: (AB, CC, BA)

$((3^{-5}, 1^{0})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{-3}, 3^{-5}))$

2.1.2. Zentrale einbettungskonstante Diversität

Reflexionsschema:

$((3^{-5}, 1^{0})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{0})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1})$, $(2^{-2}, 2^{-2})$, $(1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-2}, 2^{-2}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-2}, 2^{-2}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

2.2. Symmetriezentrum $(2^{-4}, 2^{-4})$

2.2.1. Periphere einbettungskonstante Identität

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

2.2.2. Periphere einbettungskonstante Diversität

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

2.3. Symmetriezentrum $(2^{-2}, 2^{-4})$

2.3.1. Periphere einbettungskonstante Identität

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

2.3.2. Periphere einbettungskonstante Diversität

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$

$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-2}, 2^{-4}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$

2.4. Symmetriezentrum $(2^{-4}, 2^{-2})$

2.4.1. Periphere einbettungskonstante Identität

$$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$$

2.4.2. Periphere einbettungskonstante Diversität

$$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{0}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-1}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-3}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{0}, 3^{-5}))$$

$$((3^{-5}, 1^{-3}),\quad (2^{-4}, 2^{-2}),\quad (1^{-1}, 3^{-5}))$$

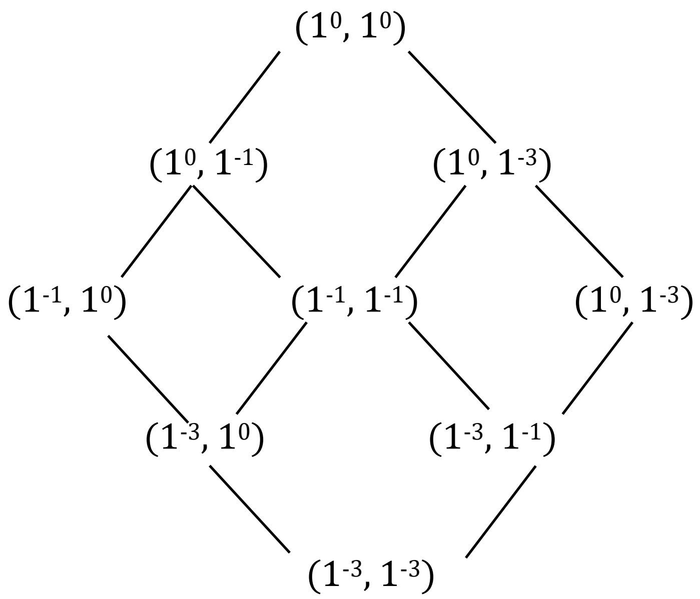
Man kann somit die vier Symmetriezentren in der Form eines diamond (vgl. Kaehr 2007) darstellen.

$\Delta(\zeta = \text{symm}) =$

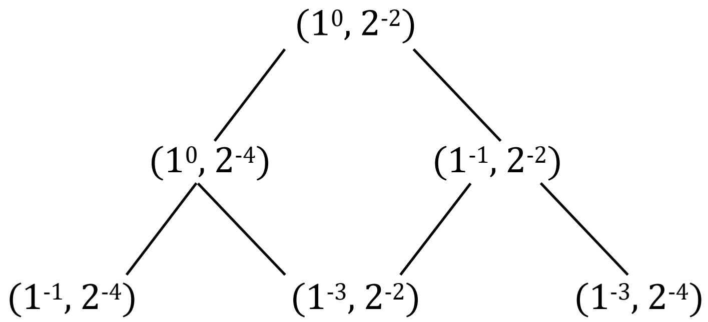
$$\begin{tikzcd}
 & (2^{-2}, 2^{-2}) \arrow[dl, dash] \arrow[dr, dash] & \\
(2^{-2}, 2^{-4}) \arrow[dr, dash] & \times & (2^{-4}, 2^{-2}) \arrow[dl, dash] \\
 & (2^{-4}, 2^{-4}) &
\end{tikzcd}$$

Entsprechend erhält man für die 9 Subzeichen:

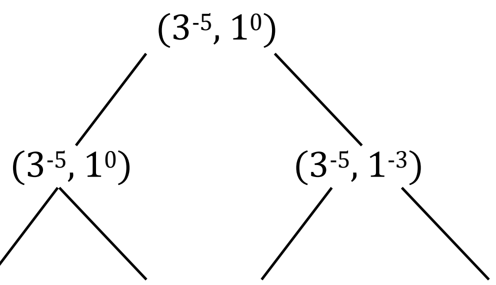
$\Delta(1.1) =$



$\Delta(1.2) =$



$\Delta(1.3) =$



$\Delta(2.1) =$

$$(2^{-2}, 1^{0})$$

$$(2^{-2}, 1^{-1}) \qquad (2^{-2}, 1^{-3})$$

$$(2^{-4}, 1^{0}) \qquad (2^{-4}, 1^{-1}) \qquad (2^{-4}, 1^{-3})$$

$\Delta(2.2) =$

$$(2^{-2}, 2^{-2})$$

$$(2^{-2}, 2^{-4}) \qquad (2^{-4}, 2^{-2}) \qquad (2^{-4}, 2^{-4})$$

$\Delta(2.3) =$

$$(2^{-2}, 3^{-5})$$

$$(2^{-4}, 3^{-5})$$

$\Delta(3.1) =$

$$(1^{0}, 3^{-5})$$

$$(1^{-1}, 3^{-5}) \qquad (1^{-3}, 3^{-5})$$

$\Delta(3.2) =$

$$(3^{-5}, 2^{-2})$$

$$(3^{-5}, 2^{-4})$$

Δ (3.3) $(3^{-5}, 3^{-5})$

Literatur

Bense, Max, Die Einführung der Primzeichen. In: Ars Semeiotica 3, 1980, S. 287-294

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Kaehr, Rudolf, The Book of Diamonds. Glasgow 2007. Digitalisat: www.vordenker.de/rk/rk_Diamond-Theory_collection-of-papers-and-fragments_2007.pdf

Toth, Alfred, Formen einbettungstheoretischer Eigenrealität. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2021

28.1.2021